

## УРОК № 31

### ТЕМА: Степень с рациональным показателем.

#### ЦЕЛИ УРОКА:

- Образовательная:** Организовать деятельность учащихся по изучению и осмыслению понятия степени с рациональным показателем, при котором сохраняются основные свойства степеней. Способствовать формированию у учащихся новых способов деятельности по одновременному применению свойств корня и степени в преобразованиях и вычислениях выражений.
- Развивающая:** Развивать у воспитанников умения выделять главное, существенное, логически излагать мысли, а также самоконтролировать и анализировать свои действия.
- Воспитательная:** Способствовать привитию у учащихся организованности, внимательности, настойчивости

#### ХОД УРОКА:

##### I Организационный момент.

- Проверка присутствующих;
- Проверка готовности к уроку. Ребята, у всех ли получилось домашнее задание?

##### II Проверка усвоения материала предыдущего урока.

№417(г), №419(г)

##### III. Подготовка к работе на основном этапе

Устная работа.

- Вычислить:  $1^{-5}$ ;  $4^{-3}$ ;  $(-10)^0$ ;  $(-5)^{-2}$ ;  $(1/2)^{-4}$ ;  $(3/7)^{-1}$ .
- Назовите в виде степени с отрицательным показателем:  
 $1/4^5$ ;  $1/21^3$ ;  $1/x^7$ ;  $1/a^9$ .
- Сравните с единицей:  $12^{-3}$ ;  $21^0$ ;  $(0,6)^{-5}$ ;  $(5/19)^{-4}$ .
- Рассмотрим примеры на действия над радикалами.

Вычислите:

a)  $\sqrt[3]{64} = \sqrt[3]{4^3} = 4$ ; б)  $\sqrt[5]{0,2^{10}3^{15}} = 0,2^23^3$ .

Извлеките корень из степени ( $a>0$ ,  $b>0$ ,  $c>0$ ):

a)  $\sqrt[4]{a^{20}} = a^5$ ; б)  $\sqrt[6]{b^{12}} = b^2$ ; в)  $\sqrt[7]{c^{14n}} = c^{2n}$ .

Во всех этих примерах при извлечении корня мы показатель подкоренного выражения делили на показатель корня, т.е. получили для натуральных  $m$ ,  $k$ ,  $b$  таких, что  $m=nk$ :

$$\sqrt[n]{a^m} = a^{\frac{m}{n}}$$

В большинстве же случаев частное от деления  $m/n$  будет не целым числом, а дробью.

##### Формулировка темы урока учащимися.

Степень  $a^{m/n}$  с дробным показателем, по известным нам определениям степени, не имеет смысла, так как нельзя основание  $a$  множителем дробное число раз, например  $\frac{2}{5}$  раза. Придать смысл степени с дробным показателем можно только расширив понятие степени, введя новое определение:

Если  $a$  – положительное число;  $n$  – натуральное число ( $n>1$ );  $m$  – любое целое число, то степень числа  $a$  с дробным показателем  $m/n$  есть радикал  $\sqrt[n]{a^m}$ : показателем корня служит знаменатель, показателем степени подкоренного выражения – числитель дробного показателя; или возвысить неотрицательное число  $a$  в степень с показателем  $m/n$  (где  $m$  – целое число, а  $n$  – натуральное число, больше 1) – это значит возвысить число  $a$  в степень  $m$  и из результата извлечь арифметический корень степени  $n$ :

$$a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$$

Необходимо учесть, что целое число всегда может рассматриваться как частный случай дроби, а поэтому степень с целым показателем является частным случаем степени с дробным показателем.

#### IV. Изложение нового материала.

- повторить понятие степени с целым показателем и свойства таких степеней.
- степенью числа  $a > 0$  с рациональным показателем  $r = m/n$ , где  $m$ - целое число, а  $n$ - натуральное число ( $n > 0$ ), называется число  $\sqrt[n]{a^m}$ .
- Для любых рациональных чисел  $r$  и  $s$  и любых положительных  $a$  и  $b$  справедливы равенства:

$$1) a^r \cdot a^s = a^{s+r}$$

$$2) a^r/a^s = a^{s-r}$$

$$3) (a^r)^s = a^{sr}$$

$$4) (ab)^r = a^r b^r$$

$$5) (a/b)^r = a^r / b^r$$

- Рассмотрим примеры по учебнику З стр.212,213

#### V. Закрепление изученного материала.

№ 428,431,442

428.

$$a) 3^{1,2} = 3^{\frac{1}{5}} = 3^{\frac{6}{5}} = \sqrt[5]{3^6} = \sqrt[5]{729}$$

$$b) 4^{1,25} = 4^{\frac{5}{4}} = \sqrt[4]{4^5} = \sqrt[4]{1024}$$

$$6) 5^{\frac{2}{3}} = \frac{1}{\sqrt[3]{25}}$$

$$r) 6^{-\frac{1}{2}} = 6^{\frac{-3}{2}} = \frac{1}{\sqrt{216}}$$

Ответ: а)  $\sqrt[5]{729}$ ; б)  $\sqrt[4]{1024}$ ; в)  $\frac{1}{\sqrt{216}}$ .

431.

$$a) 8^{\frac{1}{2}} \cdot \left( 8^{\frac{1}{6}} \cdot 9^{\frac{3}{2}} \right) = 8^{\frac{1}{2} + \frac{1}{6}} \cdot 9^{\frac{3}{2}} = 2^{\frac{1}{3}} \cdot 3^{-3} = \frac{2}{27}$$

$$6) \sqrt[4]{100} \cdot \left( \sqrt{2} \right)^{\frac{8}{3}} \cdot \left( \frac{1}{5} \right)^{\frac{5}{3}} = 10^{\frac{2}{4}} \cdot 2^{\frac{16}{3}} \cdot 5^{\frac{5}{3}} = 2^{\frac{2}{3}} \cdot 5^{\frac{2}{3}} \cdot 2^{\frac{4}{3}} \cdot 5^{\frac{5}{3}} = 2^2 \cdot 5^{-1} = \frac{4}{5}$$

$$b) 8^{\frac{2}{3}} \cdot 81^{0,75} = 2^{\frac{4}{3}} \cdot 3^{4 \cdot 0,75} = 2^{\frac{4}{3}} \cdot 3^3 = \frac{256}{27} = 9 \frac{13}{27}$$

$$r) \left( 1 \frac{11}{25} \right)^{-0,5} \cdot \left( 4 \frac{17}{27} \right)^{\frac{1}{3}} = \left( \frac{6}{5} \right)^{2(-0,5)} \cdot \left( \frac{125}{27} \right)^{\frac{1}{3}} = \frac{5}{6} \cdot \left( \frac{3}{5} \right)^{\frac{1}{3}} = \frac{5}{6} \cdot \frac{3}{5} = \frac{1}{2}$$

Ответ: а)  $\frac{2}{27}$ ; б)  $\frac{4}{5}$ ; в)  $9 \frac{13}{27}$ ; г) 0,5.

442. Ответ: а) да; б) да; в) да; г) нет.

#### VI. Подведение итогов урока.

VII. Домашнее задание. § 9.34, №428,231,442(б,г)

**ТЕМА: Степень с рациональным показателем.****ЦЕЛИ УРОКА:**

- Образовательная:** учить применять тождества сокращенного умножения к действиям над степенями; закрепить знание свойств степеней с рациональным показателем;
- Развивающая:** развитие логического мышления, памяти;
- Воспитательная:** воспитание познавательного интереса у уч-ся.

**ХОД УРОКА:****I. Организационный момент.**

- Проверка присутствующих;
- Проверка готовности к уроку. Ребята, у всех ли получилось домашнее задание?

**II. Проверка усвоения материала предыдущего урока.**

№ 428, 231, 442 (б, г)

**3. математический диктант:**

Вариант 1	Вариант 2
1. представьте выражение в виде степени с рациональным показателем $\sqrt[3]{2}$ , $\sqrt[3]{17}$ , $\sqrt[8]{a^{12}}$ , $\sqrt[4]{6^{-5}}$	$\sqrt[5]{5}$ , $\sqrt[5]{16}$ , $\sqrt[7]{m^{11}}$ , $\sqrt[3]{5^{-7}}$
2. представьте выражение в виде корня из числа или выражения $7^{\frac{3}{5}}$ , $5x^{-\frac{2}{3}}$ , $(6a)^{\frac{3}{7}}$ , $(x-y)^{\frac{1}{2}}$	$9^{\frac{8}{11}}$ , $7y^{-\frac{2}{5}}$ , $(5x)^{\frac{4}{9}}$ , $6(a-b)^{\frac{1}{3}}$
3. вычислите $16^{\frac{1}{4}}$ , $8^{\frac{2}{3}}$ , $3^{-2} \cdot 81^{\frac{1}{4}}$ , $0,01^{-\frac{1}{2}}$ , $64^{\frac{2}{3}} \cdot 4^{\frac{1}{2}} \cdot (8^0)^{-3}$	$121^{\frac{1}{2}}$ , $8^{\frac{4}{3}}$ , $2^{-2} \cdot 16^{\frac{1}{2}}$ , $0,001^{-\frac{1}{3}}$ , $625^{\frac{1}{4}} \cdot 8^{\frac{1}{3}} \cdot (32^0)^{-5}$

**III. решение задач**

№ 432, 433

432. Ответ: а)  $a^{\frac{1}{3}} \left( x^{\frac{1}{3}} + y^{\frac{1}{3}} \right)$ ; б)  $a^{\frac{1}{2}} \left( a^{\frac{1}{2}} - 1 \right)$ ; в)  $3^{\frac{1}{2}} \left( 3^{\frac{1}{2}} + 1 \right)$ ; г)  $x^{\frac{1}{2}} \left( 3^{\frac{1}{2}} - 5^{\frac{1}{2}} \right)$ .

433.

а)  $x^{\frac{1}{3}} y^{\frac{1}{3}} - x^{\frac{1}{3}} - y^{\frac{1}{3}} + 1 = x^{\frac{1}{3}} \left( y^{\frac{1}{3}} - 1 \right) - \left( y^{\frac{1}{3}} - 1 \right) = \left( y^{\frac{1}{3}} - 1 \right) \left( x^{\frac{1}{3}} - 1 \right)$

б)  $c^{\frac{1}{2}} + c^{\frac{1}{4}} = c^{\frac{1}{4}} \left( c^{\frac{1}{4}} + 1 \right)$       в)  $4 - 4^{\frac{1}{3}} = 4^{\frac{1}{3}} \left( 4^{\frac{2}{3}} - 1 \right)$

г)  $a + b^{\frac{1}{2}} + a^{\frac{1}{2}} + a^{\frac{1}{2}} b^{\frac{1}{2}} = a^{\frac{1}{2}} \left( a^{\frac{1}{2}} + 1 \right) + b^{\frac{1}{2}} \left( a^{\frac{1}{2}} + 1 \right) = \left( a^{\frac{1}{2}} + 1 \right) \left( a^{\frac{1}{2}} + b^{\frac{1}{2}} \right)$

Ответ: а)  $\left( y^{\frac{1}{3}} - 1 \right) \left( x^{\frac{1}{3}} - 1 \right)$ ; б)  $c^{\frac{1}{4}} \left( c^{\frac{1}{4}} + 1 \right)$ ; в)  $4^{\frac{1}{3}} \left( 4^{\frac{2}{3}} - 1 \right)$ ; г)  $\left( a^{\frac{1}{2}} + 1 \right) \left( a^{\frac{1}{2}} + b^{\frac{1}{2}} \right)$ .

**IV ИТОГИ УРОКА**

V. Домашнее задание: §9.34; №429, 433 (г).

429. Ответ: а)  $a^{-\frac{2}{3}}$ ; б)  $(3b)^{\frac{1}{7}}$ ; в)  $b^{-\frac{7}{13}}$ ; г)  $2^{\frac{5}{4}}$ .